## Согласование экспертных оценок

В. В. Стрижов, В. В. Шакин

(Москва)

Рассмотрена задача согласования экспертных оценок. Задана матрица  $A \in \Re^{m \times n}$  измерений m объектов по n показателям. Каждому объекту поставлена в соответствие экспертная оценка  $q_0 \in \Re^m$ , а каждому показателю поставлена в соответствие экспертная оценка  $w_0 \in \Re^n$ . Объекты можно оценить двумя путями: непосредственно через исходную экспертную оценку  $q_0$ , и через взвешенную сумму показателей объекта  $q_1 = Aw_0$ , см. [1]. В общем случае эти оценки различны:  $q_0 \neq q_1$ . Пусть для данного линейного оператора А существует псевдообратный оператор  $\emph{A}^{+}$ . Тогда, с помощью исходной экспертной оценки объектов  $\emph{q}_{0}$ , найдем веса показателей  $w_1 = A^+ q_0$ , см. [2]. Оценим степень разногласия исходных и вычисленных оценок. Для пространства оценок объектов  $Q \supset q$  найдем евклидово расстояние между векторами:  $\boldsymbol{\varepsilon}^2 = \left\| q_1 - q_0 \right\|^2$ , для пространства оценок весов  $W\supset w$  найдем расстояние:  $\sigma^2=\left\|w_1-w_0\right\|^2$ . согласованные оценки  $q_{\alpha} \in [q_1, q_0]$  и  $w_{\alpha} \in [w_1, w_0]$ . Параметр  $\alpha \in [0,1]$ вводит предпочтение оценкам объектов, при значении  $\alpha = 1$ , либо оценкам показателей, при значении  $\alpha = 0$ , так что

$$q_{\alpha} = \alpha q_0 + (1 - \alpha) A w_0,$$
  
$$w_{\alpha} = (1 - \alpha) w_0 + A^{\dagger} \alpha q_0.$$

Параметр  $\alpha$  вводится экспертами во время процедуры согласования, либо определяется из условия равенства нормированных расстояний между парами исходных и согласованных векторов

$$\frac{\varepsilon^2}{m} = \frac{\sigma^2}{n} .$$

Полученные оценки объектов и показателей предоставляются экспертам для обсуждения и уточнения.

Метод использовался для решения задачи по оценке эффективности работы заповедников России.

Работа поддержана грантом РФФИ 00-01-00197 "Критерии качества жизни и устойчивого развития для социально-экономических систем в экстремальных условиях"

## Литература

- 1. Айвазян С.А. Интегральные индикаторы качества жизни населения: их построение и использование в социально-экономическом управлении и межрегиональных сопоставлениях. М.: ЦЭМИ РАН, 2000. С. 56.
- 2. Шакин В. В. К объективизации работы жюри. Линейная модель связи ценности объектов и индексов. // В кн. под ред. Кулагина А. С. Методика и техника статистической обработки материалов социологических исследований идеологической работы. М.: Академия общественных наук при ЦК КПСС, 1972 С. 251-263.